

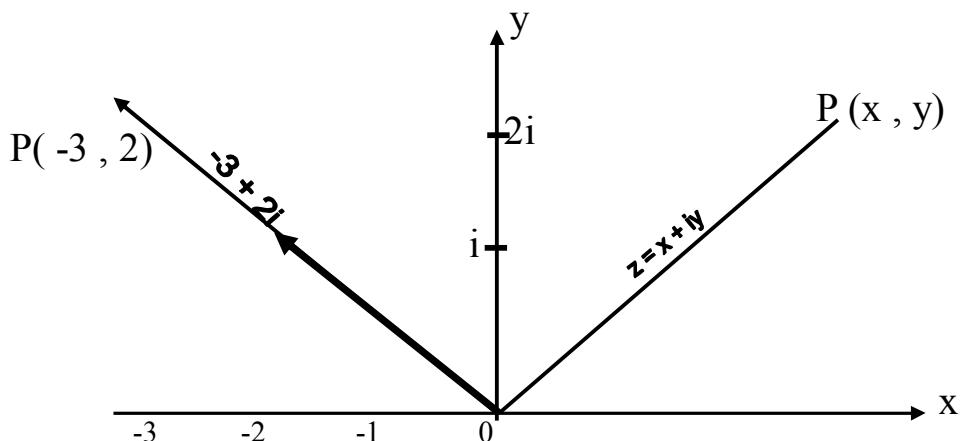
الممثل الهندسي للعدد المعقد

(Geometric Representation of a Complex Number)

أن كل عدد معقد $Z = x + iy$ يقابل نقطة احداثياتها (x, y) من المستوى x و y وبالعكس (أي أن كل نقطة في المستوى y تقابل عدماً معقداً) وكل عدد معقد Z يمكن تمثيله بمتجله (مبدئه نقطة الأصل ونهايته النقطة التي تقابل ذلك العدد .
 يسمى المحور x بالمحور الحقيقي والمحور y بالمحور الخيالي والمستوى x y بمستوى الأعداد المعقدة أو المستوى Z .

مثال

العدد المعقد $2i - 3$ يقابل النقطة $(-3, 2)$ كما في الشكل



ملاحظة :

أن المسافة بين نقطتين ممثلتين بالعددين المعقددين Z_2, Z_1 هي
 $|Z_1 - Z_2| = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$

كيفية تمثيل النقاط في المستوى المعقد

(1) الأعداد المعقدة التي تقابل نقاط واقعة على محيط دائرة مركزها الأصل ونصف قطرها r تحقق المعادلة $|Z| = r$ ، حيث r عدد حقيقي موجب .

$$\text{أي أن } x^2 + y^2 = r^2$$

(2) الأعداد المعقولة التي تقابل نقاط واقعة على محيط دائرة مركزها النقطة

$Z_0 = x_0 + iy_0$ ونصف قطرها عدد حقيقي موجب r تتحقق المعادلة

$$|Z - Z_0| = r$$

$$|(x + iy) - (x_0 + iy_0)| = r \Leftarrow |Z - Z_0| = r \quad \text{أي أن}$$

$$|(x - x_0) + (y - y_0)i| = r \Leftarrow$$

$$(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 = r^2 \Leftarrow$$

(3) النقاط التي تحقق المتباينة $|Z - Z_0| \leq r$ تقع داخل وعلى محيط الدائرة التي مركزها Z_0 ونصف قطرها r .

والآن سنعطي مجموعة من الأمثلة المتنوعة التي تخص هذا الموضوع:

Q: Sketch (Draw):

- 1) $|Z| \leq 2$
- 2) $|Z+1+i| \leq 2$
- 3) $0 < |Z| \leq 2$
- 4) $|Z+2i| \geq 1$
- 5) $\operatorname{Re}(Z+2) = -1$
- 6) $|Z-5| = 6$
- 7) $|Z - (1+i)| = 2$
- 8) $\operatorname{Im}(Z+2) = 3$
- 9) $|Z+i| = |Z-i|$
- 10) $|Z+i| < |Z-i|$
- 11) $\left\{ \operatorname{Re}\left(\frac{1}{z-1}\right) - 1 \right\} \leq 0$
- 12) $\operatorname{Im}\left(\frac{1}{z}\right) > 1$